

# MTZDDによるフィルタリングルールに 合致するパケット数の算出

原田 崇司<sup>1</sup> 田中 賢<sup>1</sup> 三河 賢治<sup>2</sup>

<sup>1</sup> 神奈川大学大学院 理学研究科 理学専攻 情報科学領域

<sup>2</sup> 新潟大学学術情報機構情報基盤センター

2017年6月19日

CAS・SIP・MSS・VLD, 新潟大学

# 本日の内容

研究背景

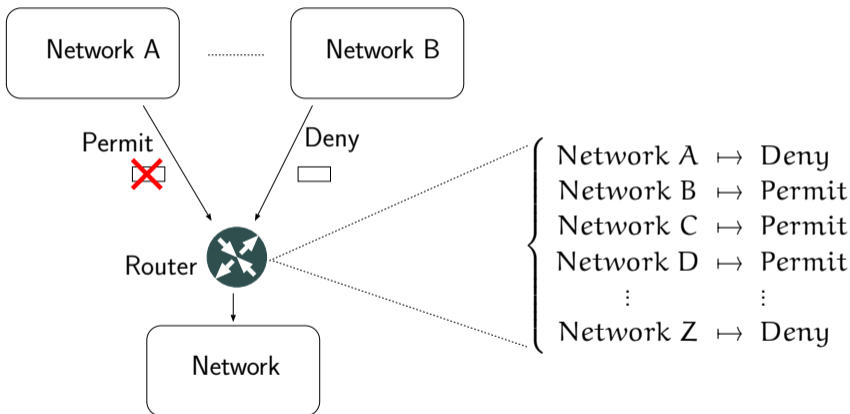
MTZDD

提案手法

計算機実験

まとめと今後の課題

# パケットフィルタリング



ポリシーに従ってパケットをフィルタリング

# パケットフィルタリング

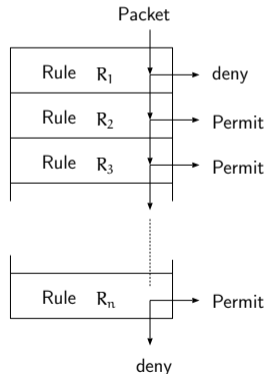
- ポリシー** : プログラムにおける**仕様**のようなもの  
**ルールリスト** : プログラムにおける**実装**のようなもの

ポリシーを満たすルールリストを作成

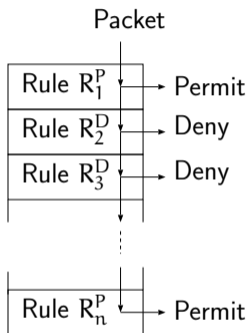


ルールリストを線型探索しててフィルタリング  
 ( $R_1, R_2, \dots, R_n$  の順でパケットと照合)

ルール数が多いと遅延が発生  
 ルール数は数百～数千



# フィルタリング規則の形式



フィルタリングモデル

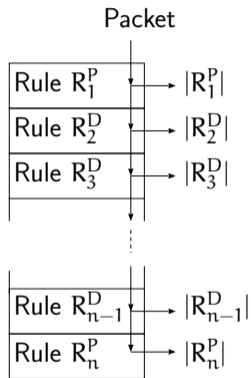
Filter $R$	
$R_1^P$	$= * 0 * 1$
$R_2^P$	$= 0 0 0 0$
$R_3^P$	$= 0 * 0 0$
$R_4^D$	$= 0 * 1 *$
$R_5^P$	$= * 1 * 1$
$R_6^P$	$= * * * 1$
$R_7^D$	$= * * * *$

ルールリストの例

ルールの形式： $R_i^e = b_1 b_2 \dots b_w$ ,  $b_k \in \{0, 1, *\}$ ,  $e \in \{P, D\}$ ,  $i \in \mathbb{N}$

ルール番号  $i$  はただの識別子，ルールリスト中の位置を表してはいない

# ネットワーク機器の遅延



$i$  番目のルールによって評価型が決まる  
 パケットは  $i$  回の照合を受ける



1 回の照合を遅延 1 と考え、  
 ネットワーク機器の遅延を定義

$$L(\mathbf{R}, F) = \sum_i^{n-1} i|R_i^e(F)| + (n-1)|R_n^e(F)|$$

$F$  はパケットの頻度分布

$|R_i^e(F)|$  は  $\mathbf{R}$  において  $R_i^e$  によって評価型が決まるパケットの数、  
 即ち、 $|R_i^e(F)|$  はルールリスト  $\mathbf{R}$ 、頻度分布  $F$ 、ルールの位置  $i$  をもらう関数

$|R_i^e(F)|$  は  $R_i^e$  に合致するパケットの数ではないことに注意

# 評価パケット数

## 評価パケット数 $|R_i^e(F)|$

分布  $F$  においてルールリスト  $R$  の  $1 \sim (\sigma(i) - 1)$  番目のルールに合致せず、 $R_i^e$  に合致するパケットの数

Filter $R$	$ R_i(F) $
$R_1^P = * 0 * 1$	4
$R_2^P = 0 0 0 0$	1
$R_3^P = 0 * 0 0$	1
$R_4^D = 0 * 1 *$	3
$R_5^P = * 1 * 1$	3
$R_6^P = * * * 1$	0
$R_7^D = * * * *$	4
$L(R, F) = 60$	

評価パケット数の例：

$F$  を一様とすると  $R_4^D$  に合致するパケットは  $\{0010, 0011, 0110, 0111\}$ . このうち、 $0011$  は  $R_1^P$  によって評価型が決まるので、 $R_4^D$  によって評価型が決まるパケットは  $\{0010, 0110, 0111\}$  の3つ.

以上より  $|R_4^D| = 3$

# ルールリストとポリシー

Filter $\mathbf{R}$	$ R_i(F) $
$R_1^P = * 0 * 1$	4
$R_2^P = 0 0 0 0$	1
$R_3^P = 0 * 0 0$	1
$R_4^D = 0 * 1 *$	3
$R_5^P = * 1 * 1$	3
$R_6^P = * * * 1$	0
$R_7^D = * * * *$	4
$L(\mathbf{R}, F) = 60$	

Filter $\mathbf{R}'$	$ R_i(F) $
$R_1^P = * 0 * 1$	4
$R_4^D = 0 * 1 *$	3
$R_5^P = * 1 * 1$	3
$R_3^P = 0 * 0 0$	2
$R_2^P = 0 0 0 0$	0
$R_6^P = * * * 1$	0
$R_7^D = * * * *$	4
$L(\mathbf{R}', F) = 51$	

0000  $\mapsto$  P, 0001  $\mapsto$  P, 0010  $\mapsto$  D, 0011  $\mapsto$  P, 0100  $\mapsto$  P, 0101  $\mapsto$  P, 0110  $\mapsto$  D, 0111  $\mapsto$  D,  
 1000  $\mapsto$  D, 1001  $\mapsto$  P, 1010  $\mapsto$  D, 1011  $\mapsto$  P, 1100  $\mapsto$  D, 1101  $\mapsto$  P, 1110  $\mapsto$  D, 1111  $\mapsto$  P

フィルタ  $\mathbf{R}$  と  $\mathbf{R}'$  は同じポリシー（上記のポリシー）を表す  
 $\Rightarrow$  ルールを並び替えると遅延  $L(\mathbf{R}, F)$  を減らせる可能性有り



# ルール順序最適化問題

## ルール順序最適化問題

入力： ルールリスト  $R$ , 頻度分布  $F$

出力：  $\sum_{i=1}^{n-1} \sigma(i) \times |R_i(F)| + (n-1) \times |R_n|$  を最小化する  $R$  と同一の関数を表す (ポリシーを維持する) ルールの順序  $\sigma$

ただし,  $\forall \sigma \sigma(n) = n$  (最後のルール  $R_n^e$  は並び替えない) とする.

ルール順序最適化問題は  $\mathcal{NP}$  困難 (Hamed, 2006)

ただ, このルール順序最適化問題 (Hamed, 2006) は...

# 評価パッケージ数の変動

Filter $\mathbf{R}$	$ R_i(F) $
$R_1^P = * 0 * 1$	4
$R_2^P = 0 0 0 0$	1
$R_3^P = 0 * 0 0$	1
$R_4^D = 0 * 1 *$	3
$R_5^P = * 1 * 1$	3
$R_6^P = * * * 1$	0
$R_7^D = * * * *$	4
$L(\mathbf{R}, F) = 60$	

Filter $\mathbf{R}'$	$ R_i(F) $
$R_1^P = * 0 * 1$	4
$R_4^D = 0 * 1 *$	3
$R_5^P = * 1 * 1$	3
$R_3^P = 0 * 0 0$	2
$R_2^P = 0 0 0 0$	0
$R_6^P = * * * 1$	0
$R_7^D = * * * *$	4
$L(\mathbf{R}', F) = 51$	

ルールの順序  $\sigma$  により，評価パッケージ数変動

# 評価パケット数算出問題の計算複雑さ

## 評価パケット数算出問題

入力： ルールリスト  $R$ ， 頻度分布  $F$ ， 順序  $\sigma$ ， ルール番号  $i$

出力： 頻度分布  $F$  のもとで  $1 \sim \sigma(i-1)$  番目のルールに合致せず，  
 $R_i$  に合致するパケットの数

評価パケット数算出問題は  $\#P$ -complete (証明は省略)

## 研究目的

ルール順序最適化問題に対する従来の研究は評価パッケージ数の変動を無視  
(そもそもルールの評価パッケージ数を頻度分布から求めていない)



ルールリスト (ルールの順序) を精確に評価できない



評価パッケージ数算出法が必要



頻度分布が一様での評価パッケージ数算出問題は  $\#P$ -complete



頻度分布が一様での MTZDD による評価パッケージ数算出法を提案

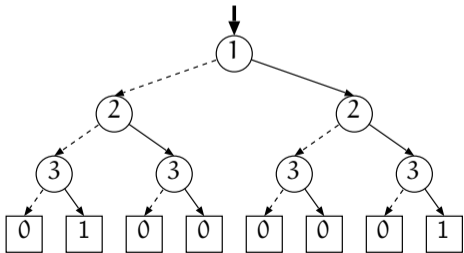
# BDD/ZDD

## BDD (Binary Decision Diagram)

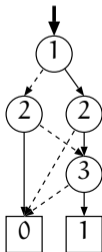
論理関数を効率よく扱えるデータ構造

## ZDD (Zero-Suppressed Binary Decision Diagram)

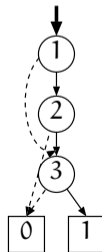
疎な組合せ集合を効率よく扱えるデータ構造



場合分け二分木



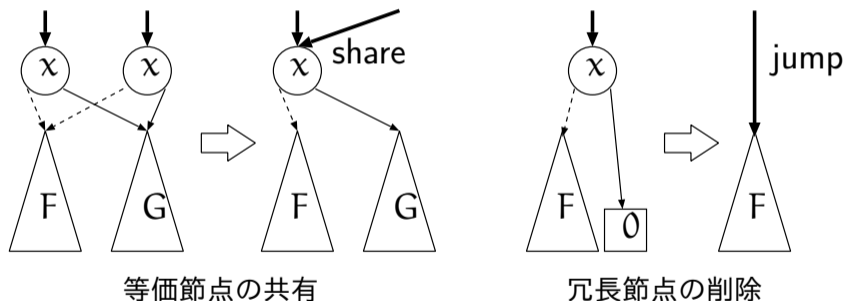
BDD



ZDD

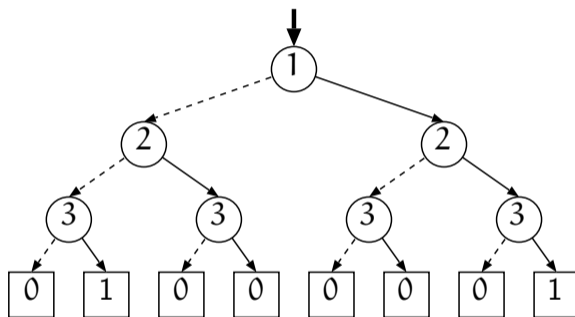
## ZDD の節点削除規則

論理函数（組合せ集合）に対する場合分け二分木に対して、以下の節点削除規則を既約になるまで適用すれば ZDD の出来上がり



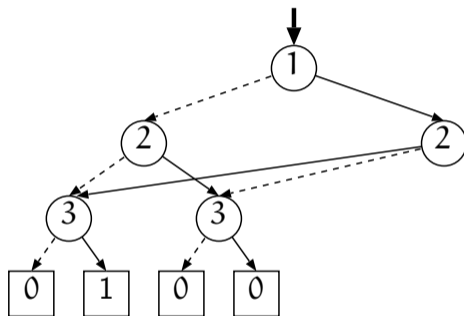
場合分け二分木を構築してから簡約することによって ZDD を構築するのは遅すぎるので、ZDD を高速に構築するための技法が数多存在

# 場合分け二分木から ZDD 構築の例



場合分け二分木（初期状態）

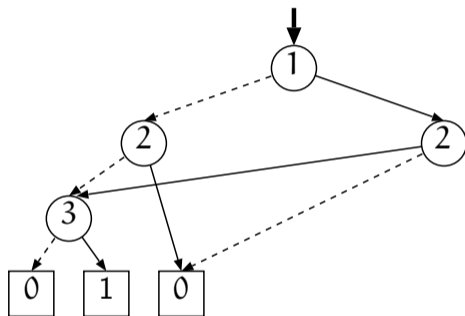
# 場合分け二分木から ZDD 構築の例



等価節点 (0 枝と 1 枝の先が同じ節点  $u$  と  $v$ ) の共有

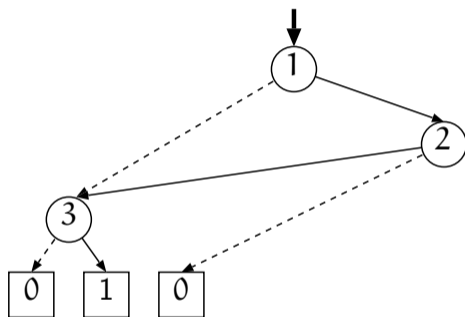


# 場合分け二分木から ZDD 構築の例



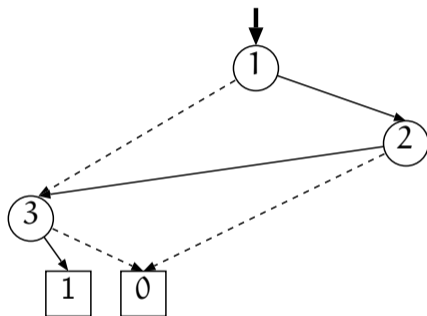
冗長節点（1 枝の先が 0 終端節点を指す節点）の削除

## 場合分け二分木から ZDD 構築の例



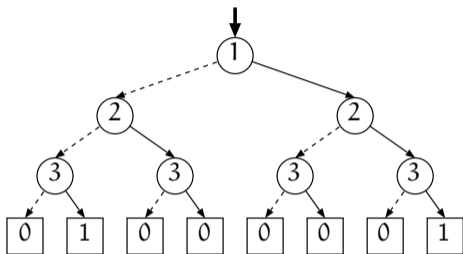
冗長節点（1 枝の先が 0 終端節点を指す節点）の削除

## 場合分け二分木から ZDD 構築の例

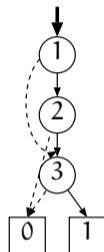


等価節点 (0 枝と 1 枝の先が同じ節点  $u$  と  $v$ ) の共有

# ZDD の読み方



場合分け二分木



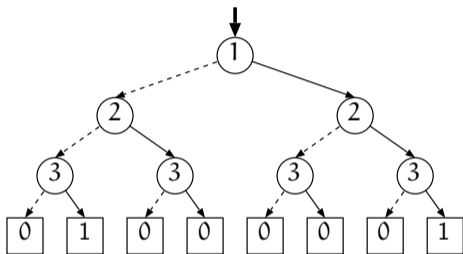
ZDD

根節点から終端節点  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{1}$  に向かって辿る

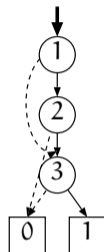
- 変数  $\textcircled{i}$  から 0 枝 (破線) を辿れば  $x_i = 0$ , 1 枝 (実線) を辿れば  $x_i = 1$
- 変数  $\textcircled{i}$  から 0 枝を辿った先が変数  $\textcircled{j}$  ならば,  $x_{i+1}, x_{i+2}, \dots, x_{j-1} = 0$

例えば,  $\textcircled{1} \dashrightarrow \textcircled{3} \rightarrow \boxed{1}$  は,  $f(x_1 = 0, x_2 = 0, x_3 = 1) = 1$  を意味

## ZDD の性質（提案手法に有用な）



場合分け二分木



ZDD

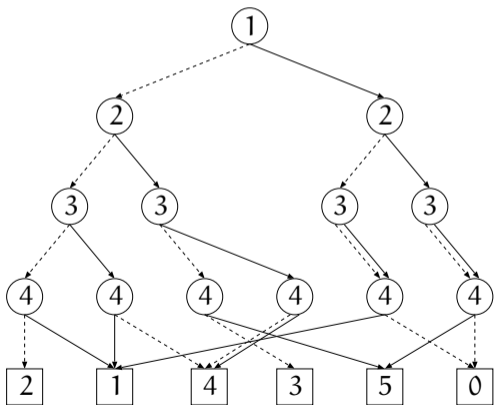
根から  $\boxed{1}$  節点へのパスの本数が、函数を 1 とする割り当ての個数

例えば、上の ZDD に対応する函数を 1 にする割り当ての個数は、根から  $\boxed{1}$  節点へのパスの本数が 2 本なので、2 個.

ちなみに割り当ては、 $(0, 0, 1)$  と  $(1, 1, 1)$

# Multi-Terminal Zero-suppressed Binary Decision Diagram

ZDD において終端節点を  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{1}$  の二値から  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{1}$ , ...,  $\boxed{k}$  の多値へと増やしたものが MTZDD



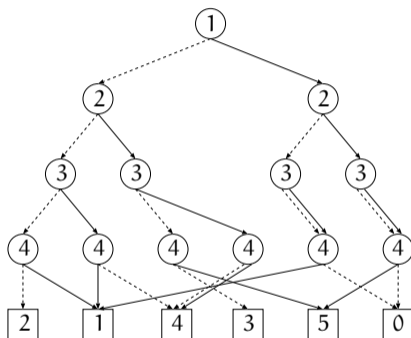
ZDD と同様に、場合分け二分木を構成して節点削除規則を適用すれば構築可能

MTZDD の読み方は ZDD と同じ

ZDD はブール関数,  
MTZDD は  $\{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1, \dots, k\}$  という関数に対応するグラフ

# 提案手法

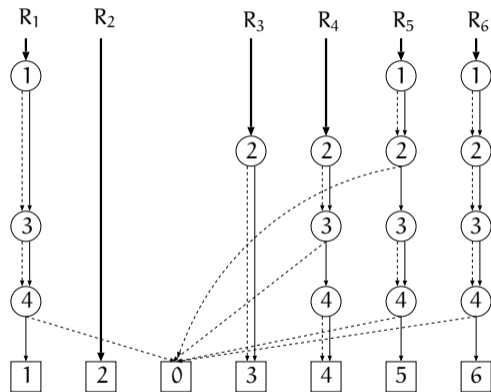
Filter R	
$R_1^P$	$= * 0 * 1$
$R_2^P$	$= 0 0 0 0$
$R_3^D$	$= 0 * 0 0$
$R_4^D$	$= 0 * 1 *$
$R_5^P$	$= * 1 * 1$
$R_6^P$	$= * * * 1$
$R_7^D$	$= * * * *$



- 根から  $\boxed{i}$  へのパスの数が  $|R_i|$  となるよう MTZDD を構築
- $|R_i|$  が必要なときは、根から  $\boxed{i}$  へのパスの数を数える  
(パスの数を数えるアルゴリズムは節点に比例するオーダ)

# ルール $R_i$ に対応する MTZDD

Filter R	
$R_1^P$	$= * 0 * 1$
$R_2^P$	$= 0 0 0 0$
$R_3^D$	$= 0 * 0 0$
$R_4^D$	$= 0 * 1 *$
$R_5^P$	$= * 1 * 1$
$R_6^P$	$= * * * 1$
$R_7^D$	$= * * * *$



$n - 1$  個の各ルールに対応する MTZDD を構築，各 MTZDD は  $\boxed{0}$  を共有  
 $\boxed{0}$  は  $R_n$  (ルールリストの最後のルール) に対応



# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例 :  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築

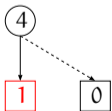
1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**
  - if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - $k \leftarrow k - 1$

$\boxed{1}$     $\boxed{0}$

# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築

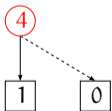
1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**
  - if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - $k \leftarrow k - 1$



# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築

1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**
  - if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - $k \leftarrow k - 1$



# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築

1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**  
     **if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**

    make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$

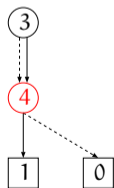
$p$  points to  $\textcircled{k}$

**if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**

    make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$

$p$  points to  $\textcircled{k}$

$k \leftarrow k - 1$



# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築

1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**  
     **if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**

    make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$

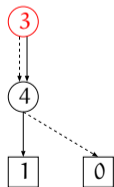
$p$  points to  $\textcircled{k}$

**if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**

    make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$

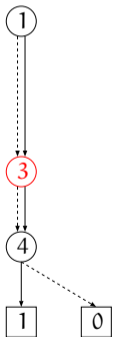
$p$  points to  $\textcircled{k}$

$k \leftarrow k - 1$



# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

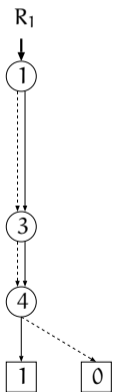
例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築



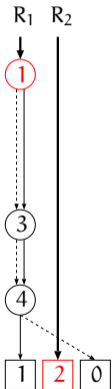
1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**
  - if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - $k \leftarrow k - 1$

# ルール $R_i$ に対応する MTZDD 構築

例：  $R_1^P = * 0 * 1$  に対応する MTZDD を構築



1. make terminal nodes  $\boxed{0}$ ,  $\boxed{i}$
2. pointer  $p$  points to  $\boxed{i}$
3.  $k \leftarrow n$  ( $n$  is the number of variables)
4. **while**  $k \geq 1$  **do**
  - if**  $\text{cond}[k] = '1'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 points to  $\boxed{0}$  and 1 points to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - if**  $\text{cond}[k] = '*'$  **then**
    - make  $\textcircled{k}$  whose 0 and 1 point to  $\textcircled{p}$
    - $p$  points to  $\textcircled{k}$
  - $k \leftarrow k - 1$

MTZDDの統合：  $P \uplus Q$ 
 $R_1 \uplus R_2$   
↓

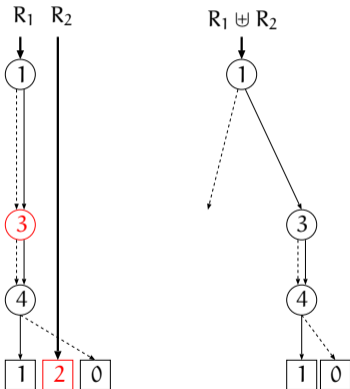
1. **if**  $P = \emptyset$  **then return**  $Q$ ;
2. **if**  $Q = \emptyset \vee P = Q$  **then return**  $P$ ;
3. **if**  $P$  and  $Q$  are terminal nodes **then**
4.   **if**  $P.val < Q.val$  **then return**  $P$ ; **else return**  $Q$ ;
5.  $R \leftarrow \text{cache}[P \uplus Q]$ ;
6. **if**  $R$  exists **then return**  $R$ ;
7. **if**  $P.top < Q.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(P.top, P.val, (P_0 \uplus Q), P_1)$ ;
8. **else if**  $Q.top < P.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P \uplus Q_0), Q_1)$ ;
9. **else**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P_0 \uplus Q_0), (P_1 \uplus Q_1))$ ;
10.  $\text{cache}[P \uplus Q] \leftarrow R$ ;
11. **return**  $R$ ;

$\text{getNode}(top, val, P_0, P_1)$  は変数が  $top$ , 値が  $val$ ,  
 0 枝が  $P_0$ , 1 枝が  $P_1$  を指すような節点を返す演算

$P \uplus Q$  の例：  $P$  は  $R_1$  の MTZDD,  $Q$  は  $R_2$  の MTZDD



# MTZDDの統合： $P \uplus Q$

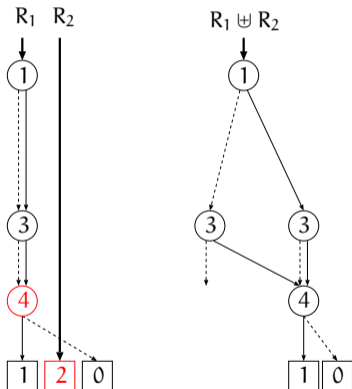


1. **if**  $P = \emptyset$  **then return**  $Q$ ;
2. **if**  $Q = \emptyset \vee P = Q$  **then return**  $P$ ;
3. **if**  $P$  and  $Q$  are terminal nodes **then**
4.   **if**  $P.val < Q.val$  **then return**  $P$ ; **else return**  $Q$ ;
5.  $R \leftarrow \text{cache}[P \uplus Q]$ ;
6. **if**  $R$  exists **then return**  $R$ ;
7. **if**  $P.top < Q.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(P.top, P.val, (P_0 \uplus Q), P_1)$ ;
8. **else if**  $Q.top < P.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P \uplus Q_0), Q_1)$ ;
9. **else**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P_0 \uplus Q_0), (P_1 \uplus Q_1))$ ;
10.  $\text{cache}[P \uplus Q] \leftarrow R$ ;
11. **return**  $R$ ;

$\text{getNode}(top, val, P_0, P_1)$  は変数が  $top$ , 値が  $val$ ,  
 0 枝が  $P_0$ , 1 枝が  $P_1$  を指すような節点を返す演算

$P \uplus Q$  の例： $P$  は  $R_1$  の MTZDD,  $Q$  は  $R_2$  の MTZDD

# MTZDDの統合： $P \uplus Q$

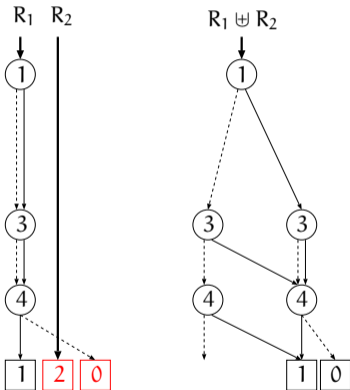


1. **if**  $P = \emptyset$  **then return**  $Q$ ;
2. **if**  $Q = \emptyset \vee P = Q$  **then return**  $P$ ;
3. **if**  $P$  and  $Q$  are terminal nodes **then**
4.   **if**  $P.val < Q.val$  **then return**  $P$ ; **else return**  $Q$ ;
5.  $R \leftarrow \text{cache}[P \uplus Q]$ ;
6. **if**  $R$  exists **then return**  $R$ ;
7. **if**  $P.top < Q.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(P.top, P.val, (P_0 \uplus Q), P_1)$ ;
8. **else if**  $Q.top < P.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P \uplus Q_0), Q_1)$ ;
9. **else**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P_0 \uplus Q_0), (P_1 \uplus Q_1))$ ;
10.  $\text{cache}[P \uplus Q] \leftarrow R$ ;
11. **return**  $R$ ;

$\text{getNode}(top, val, P_0, P_1)$  は変数が  $top$ , 値が  $val$ ,  
 0 枝が  $P_0$ , 1 枝が  $P_1$  を指すような節点を返す演算

$P \uplus Q$  の例： $P$  は  $R_1$  の MTZDD,  $Q$  は  $R_2$  の MTZDD

# MTZDDの統合： $P \uplus Q$

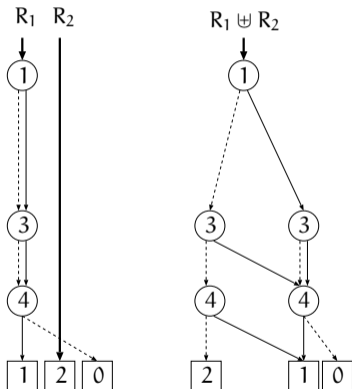


1. **if**  $P = \emptyset$  **then return**  $Q$ ;
2. **if**  $Q = \emptyset \vee P = Q$  **then return**  $P$ ;
3. **if**  $P$  and  $Q$  are terminal nodes **then**
4.   **if**  $P.val < Q.val$  **then return**  $P$ ; **else return**  $Q$ ;
5.  $R \leftarrow \text{cache}[P \uplus Q]$ ;
6. **if**  $R$  exists **then return**  $R$ ;
7. **if**  $P.top < Q.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(P.top, P.val, (P_0 \uplus Q), P_1)$ ;
8. **else if**  $Q.top < P.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P \uplus Q_0), Q_1)$ ;
9. **else**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P_0 \uplus Q_0), (P_1 \uplus Q_1))$ ;
10.  $\text{cache}[P \uplus Q] \leftarrow R$ ;
11. **return**  $R$ ;

$\text{getNode}(top, val, P_0, P_1)$  は変数が  $top$ , 値が  $val$ ,  
 0 枝が  $P_0$ , 1 枝が  $P_1$  を指すような節点を返す演算

$P \uplus Q$  の例： $P$  は  $R_1$  の MTZDD,  $Q$  は  $R_2$  の MTZDD

# MTZDDの統合： $P \uplus Q$



1. **if**  $P = \emptyset$  **then return**  $Q$ ;
2. **if**  $Q = \emptyset \vee P = Q$  **then return**  $P$ ;
3. **if**  $P$  and  $Q$  are terminal nodes **then**
4.   **if**  $P.val < Q.val$  **then return**  $P$ ; **else return**  $Q$ ;
5.  $R \leftarrow \text{cache}[P \uplus Q]$ ;
6. **if**  $R$  exists **then return**  $R$ ;
7. **if**  $P.top < Q.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(P.top, P.val, (P_0 \uplus Q), P_1)$ ;
8. **else if**  $Q.top < P.top$  **then**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P \uplus Q_0), Q_1)$ ;
9. **else**  
 $R \leftarrow \text{getNode}(Q.top, Q.val, (P_0 \uplus Q_0), (P_1 \uplus Q_1))$ ;
10.  $\text{cache}[P \uplus Q] \leftarrow R$ ;
11. **return**  $R$ ;

$\text{getNode}(top, val, P_0, P_1)$  は変数が  $top$ , 値が  $val$ ,  
 0 枝が  $P_0$ , 1 枝が  $P_1$  を指すような節点を返す演算

$P \uplus Q$  の例： $P$  は  $R_1$  の MTZDD,  $Q$  は  $R_2$  の MTZDD

# 実験環境

OS	:	CentOS Release 6.2
CPU	:	Intel Core i7-980X 3.33 GHz
主記憶容量	:	24GB
実装言語	:	C++
コンパイラ	:	gcc version 4.8.2

- ルール長 120, ルール数が百 ~5 万のルールリストをランダムに生成
- 節点数, 構築時間 (s) を計測

# 実験結果

ルール数	節点数	構築時間 (ms)
100	9604	7
500	62315	47
1k	163558	324
5k	1456809	5847
10k	4521134	18981
50k	51908415	494257

ルール数 5 万という現実的なサイズのルールリストに対して MTZDD を構築可能

# まとめと今後の課題

## まとめ

- ルール順序最適化問題では評価パケット数の変動を考慮すべし
- 一様分布での MTZDD による評価パケット数算出法を提案

## 今後の課題

- ルールリストに対する MTZDD の領域計算量の算出
- 任意の分布における評価パケット数算出法の考案
- 一部のルールの並び替えに伴う評価パケット数変動の算出
- 評価パケット数の変動を考慮したルール順序最適化問題に対する発見的解法の考案